(5) Japanese Patent Application Laid-Open No. JP5-257651(1993)"Square-Root Extraction Device"

The following is an extract relevant to the present application.

5

10

15

In a partial quotient generation device 6, a data wherein a 2n-digit number to be square-root extracted is sectioned in groups of four bits from higher-order bits and a number to be divided which is generated from a data of a residual resistor 3 are divided by a plurality of divisors prepared using a square-root extraction constant from a square-root extraction constant generation device 4 or a data stored in a quotient resistor 2. A predetermined two-bit square root corresponding to the condition of an establishment of a plurality of divisions is selected and stored in the quotient resistor 2. A number to be square-root extracted is divided by four bits at each single square-root extraction computation step to calculate a 2-bit square root to obtain an n-digit square-root with n/2 clocks.

# (19)日本国特許庁 (JP) (12) 公開特許公報 (A) (11)特許出願公開番号

## 特開平5-257651

(43)公開日 平成5年(1993)10月8日

(51)Int.Cl.<sup>5</sup>

識別記号

庁内整理番号

FΙ

技術表示箇所

G 0 6 F 7/552

B 9188-5B

審査請求 未請求 請求項の数1(全 7 頁)

(21)出願番号

特願平4-57694

(71)出願人 000005821

松下電器産業株式会社

大阪府門真市大字門真1006番地

(22)出願日

平成 4年(1992) 3月16日

(72)発明者 髙橋 一徳

香川県髙松市寿町2丁目2番10号 松下寿

電子工業株式会社内

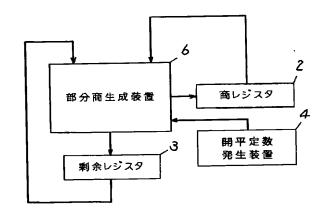
(74)代理人 弁理士 小鍜治 明 (外2名)

### (54)【発明の名称】 開平装置

#### (57)【要約】

【目的】 小規模なハードウェアで高速な開平演算が実 行できる開平装置を提供することを目的とする。

【構成】 部分商生成装置6では、2 n桁の被開平数を 上位側から4ビットづつに区切ったデータや剰余レジス タ3のデータから生成した被除数を、開平定数発生装置 4からの開平定数や商レジスタ2に格納されているデー タを用いて作成した複数の除数で除算を行なう。複数の 除算の成立状況に応じた所定の2ビットの平方根を選択 して商レジスタ2に格納する。1回の開平演算ステップ で被開平数を4ビットずつ除算して2ビットの平方根を 算出し、 n/2 クロックで n桁の平方根を得る。



10

20

30

1

#### 【特許請求の範囲】

【請求項1】 被開平数を上位側から所定の桁数ごとに区切り、各区切りごとに、被除数を作成するとともに予め定められた複数個の開平定数を用いて除数を作成して除算を行い、それらの結果に基づき下位側に向かって各区切りごとに順次平方根を求める開平装置であって、

最上位の区切りの除算を行うときには対応する被開平数 の値を保持し、それより下位の区切りの除算を行うとき には、直前の上位の区切りにおいて算出されている剰余 を保持する剰余レジスタと、

除数を作成するために複数の異なる開平定数を発生させ る開平定数発生手段と、

前記剰余レジスタから入力をうけ、最上位の区切りの除 算を行うときには剰余レジスタの値を被除数とし、かつ それより下位の区切りの除算を行うときには剰余レジス タの値と該当する区切りの被開平数の値とから被除数を 生成する剰余シフタと、最上位の区切りの除算を行うと きには前記開平定数発生装置からの開平定数の値を除数 とし、かつそれより下位の区切りの除算を行うときには 既に部分的に算出されている平方根と開平定数発生装置 から発生される複数の定数とから除数を生成する複数の 除数シフタと、複数の除数ごとに別個に割り当てられ、 剰余シフタと除数シフタの出力とから除算を行う複数の 除算装置と、各除算装置における除算の成立状況から、 予め定められた複数個の部分的な平方根のうちの一つを 選択して出力する商決定装置と、前記剰余レジスタに除 算の成立した除算装置の剰余を剰余レジスタに出力する ための剰余セレクタとを有する部分商生成装置と、

前記商決定装置からの出力を保持し、除数シフタへ出力 を行う商レジスタとを有する開平装置。

#### 【発明の詳細な説明】

#### [0001]

【産業上の利用分野】本発明は2進数の開平演算を実行 する開平装置に関するものである。

#### [0002]

- (1) (被開平数の上位2ビット'10') (開平定数'0
- 1') = '1' (剰余尺)
- (2) (1)の演算が成り立ったので、根Z,に1をたてる
- (3) (剰余R。と被開平数の次の2ビット'110') (根Z、と開平定数'101') = '1' (剰余R。)

(4) (3)の演算が成り立ったので、根乙に1をたてる

(5) (剰余R と被開平数の次の2ビット'111') - (根Z, と開平定数'1101')

- (6) (5)が成り立たないので、根3を0とし、剰余Rを(5)の被除数'111'とする
- (7) (R, と被開平数の次の2ビット'11111') (根Z, Z, と開平定数'11001') = '110'(剰余R, )
- (8) (7)が成り立ったので、根Z, に1をたてる
- (9) (剰余R, と次の2ビット'11010') (根Z, スススと)と開平定数'110101')
- (10) (9)が成り立たないので根Z<sub>4</sub>を0とし、剰余R<sub>4</sub>を(9) の被除数 '11010' とする
- (11)(剰余R,と次の2ビット'1101001')-(根Z, Z, Z, Z , Z, と開平定数'1101001')='0'(剰余R, )
- (12) (11)が成り立ったのでるに1を立て、端数R。は'0' となり開平終了

以上のように本アルゴリズムによれば、2n桁のデータの開平処理にn回の減算処理が必要であり、図6はこのアルゴリズムに基づく従来の開平装置の構成図を示すものである。図において、7は開平すべきデータ(被開平数人3-1人3-1、1人4-1 である。8は被開平数レジスタ7から2ビットづつ出力されるデータを用い平方根を算出する平方根生成装置であり、それぞれ減算を実行して12-1、1人2のび剰余R... R.1を算出するn個の減算装置を備えている。2は前記平方根生成装置8から得られた平方根を保持する商レジスタであり、開平途中には平方根生成装置8に既に算出されている根を出力する。

#### [0003]

【発明が解決しようとする課題】しかしながら、従来の開平装置で2n桁のデータを開平する場合は、n段の減算装置が必要となり、そのハードウェア規模は大きくなってしまう。また1回の減算処理を1クロックで実行するハードウェアを実装した場合には、n回の繰り返し演算(nクロック)が必要となり、演算実行時間も長くなるという問題点があった。

#### [0004]

【課題を解決するための手段】上記課題を解決するために本発明の開平装置は、被開平数を上位側から所定の桁数ととに区切り、各区切りごとに、被除数を作成するとともに予め定められた複数個の開平定数を用いて除数を作成して除算を行い、それらの結果に基づき下位側に向かって各区切りごとに順次平方根を求める開平装置であって、最上位の区切りの除算を行うときには対応する被開平数の値を保持し、それより下位の区切りの除算を行うときには、直前の上位の区切りにおいて算出されている剰余を保持する剰余レジスタと、除数を作成するために複数の異なる開平定数を発生させる開平定数発生手段と、前記剰余レジスタから入力をうけ、最上位の区切りの除算を行うときには剰余レジスタの値を被除数とし、

2

かつそれより下位の区切りの除算を行うときには剰余レ ジスタの値と該当する区切りの被開平数の値とから被除 数を生成する剰余シフタと、最上位の区切りの除算を行 うときには前記開平定数発生装置からの開平定数の値を 除数とし、かつそれより下位の区切りの除算を行うとき には既に部分的に算出されている平方根と開平定数発生 装置から発生される複数の定数とから除数を生成する複 数の除数シフタと、複数の除数ごとに別個に割り当てら れ、剰余シフタと除数シフタの出力とから除算を行う複 数の除算装置と、各除算装置における除算の成立状況か ら、予め定められた複数個の部分的な平方根のうちの一 つを選択して出力する商決定装置と、前記剰余レジスタ に除算の成立した除算装置の剰余を剰余レジスタに出力 するための剰余セレクタとを有する部分商生成装置と、 前記商決定装置からの出力を保持し、除数シフタへ出力 を行う商レジスタとを有するものである。

[0005]

\*

 $-(Z_{n-1}\cdots Z_{k},101)$ 

- ) なお上記数式中のR.,,<<4,D,kD,k-1,D,k-2,D,k-,は、 Ra・1を左に4ビットシフトさせて、Dak Dak-1 Dak-2 Dak-3 を挿入する操作を行なうということである。上記の3つ の演算処理の結果は次の(a)(b)(c)(d)のいずれ かに分けられるので、演算結果に応じて、2 ビットの平 方根 ('00','01','10','11') から一つを選択して4-1Z k-zを得るともに、剰余R。を求める。
- (a) Rem0<0 のとき
- ·平方根 Z<sub>4-1</sub>Z<sub>4-2</sub>='00'
- ・剰余  $R_0 = (R_{0+1} << 4, D_{2k} D_{2k-1} D_{2k-2} D_{2k-3})$
- (b) Rem0≧0, Rem2<Rem1<0 のとき
- ・平方根 4-14-1='01'
- ・剰余  $R_{k-2} = Rem0$
- (c) Rem0>Rem1≥0, Rem2<0 のとき
- ・平方根 4-14-1= '10'
- $R_n = Rem1$ ・剰余
- (d) Rem0>Rem1>Rem2≥0 のとき
- ・平方根 ひ-1ひ-2='11'
- $R_n = Rem2$ ・剰余

以上のようにして2ビットの平方根スよーュスよーュ及び剰余ペ が算出される。これをn/2回繰り返すことによりnビ ットの平方根を求めることができる。なお被開平数の最 上位の区切りを演算するときには、既に求められている 平方根や剰余は存在しないので、上記式においてその部 分を無視して考える。

【0008】図4は具体的な数値例をあげて上記アルゴ リズムを説明するものであり、従来例で説明した数値例 で開平演算を実行している。以下に図4について説明す る。図中の(1)の演算は、上記(数1)(数2)(数

\* 【作用】本発明の開平装置のアルゴリズムは従来のもの と基本的に同じであるが、特に被開平数の上位側から4 ビットずつに区切って被除数を作成したときには、1回 の演算処理で2ビットの平方根を得られるということに 特徴がある。ここで、2n桁の被開平数D, n-1 D, n-2 …D, k D ス k - 1 ··· D, D, の平方根ス - 1 ス - 2 ··· ス ス - 1 ··· ス る を算出する 場合について説明する。なお処理中の区切りの上位の桁 を2k桁、既に算出されている平方根をス゚ーュ…ス、直前の 演算で算出された剰余をR.1、求める平方根をZ

k-1 Z-1、現在の演算で算出される剰余をRとする。 【0006】まず直前に算出された剰余R、と被開平数の 2k桁以下4ビットのD。 k D。 k - 1 D。 k - 2 D。 k - 3のデータとで被 除数を作成する。既に算出されている平方根4<sub>-1</sub>…Z 、と、互いに異なる開平定数('001', '0100', '101') とを用いて複数個の除数を作成し、以下に示す(数 1), (数2), (数3)の演算を実行する。 [0007]

(数3

3)を実行すると(d)が成り立つことを示しており、平 方根2,2,に'11'を、剰余に'1010 - 101 - 0100'の結果 として'1'を算出している。(2)は、先に算出した剰余' 1'と次の句切りの4ビットの数値とで生成した被除数 '1 1111'から、既に求めている平方根'11'と開平定数'001' とで生成した除数 '11001 'で演算を行なったものであ り、(b)が成り立つことを示している。(3)の演算も同様 に(b)が成り立つことを示しており、平方根ススムに'01' 30 を得て開平を終了している。

[0009]

【実施例】以下、本発明の実施例について、被開平数を 上位側から4ビットずつ区切って除算を行い、各区切り **ごとに2ビットずつ平方根を算出する開平装置を説明す** る。図1は本発明の一実施例における開平装置の構成図 を示すものである。図1において、3は開平演算開始時 には開平すべきデータ(被開平数)を格納し、演算実行 中は前記データと除算による剰余とを格納する剰余レジ スタであり、剰余と4ビットずつのデータを出力する。 2は平方根2-1…2、を格納する商レジスタであり、4は 3ビットまたは4ビットの開平定数('0100','101','00 1')を発生する開平定数発生装置である。6は剰余レジ スタ3の内容と商レジスタ2の出力及び開平定数発生装 置4の出力から2ビット平方根を算出して得られた2ビ ットデータを商レジスタ2に格納し、剰余を剰余レジス タ3に格納する部分商生成装置である。 【0010】図2は図1における部分商生成装置6の内

部構成を示したものである。図2において、60は剰余 レジスタ3から出力された剰余凡を左4ビットシフトさ 50 せて被除数 (R<sub>4・1</sub> <<4,D<sub>k</sub> D<sub>2 k-1</sub> D<sub>2 k-2</sub> D<sub>2 k-3</sub>) を生成する

剰余シフタ、61 aは商レジスタ2の出力データを左3 ビットシフトさせて( $Z_{-1}$ … $Z_{+1}$ ,000)を生成する除数シフタa、61 bは商レジスタ2の出力データを左4 ビットシフトさせて( $Z_{-1}$ … $Z_{+1}$ ,0000)を生成する除数シフタbである。

【0011】62はA側に剰余シフタ60の出力データが入力され、B側に入力された除数シフタb61bのデータ下位4ビットに開平定数発生装置4の出力'0100'を挿入して、A-B(数2)を実行する減算装置であり、A-B≧0のとき、剰余R。とキャリ出力COとを出力する。63は 10 A側に剰余シフタ60の出力データが入力され、B側に入力された除数シフタa61aのデータ下位3ビットに開平定数発生装置4の出力'001'を挿入して、A-B(数1)を実行する2倍値減算装置であり、A-B≧0のとき、剰余Rュとキャリ出力C1とを出力する。64はA側に剰余シフタ60の出力データが入力され、B側に入力された除数シ \*

\* フタa6 1 aのデータ下位3 ビットに開平定数発生装置4 の出力'001'を挿入し、C側に入力された除数シフタb6 1 bのデータ下位4 ビットに開平定数発生装置4の出力'0100'を挿入して、A-B-C(数3)を実行する3倍値減算装置であり、A-B-C≥0のとき、剰余R₁とキャリ出力C2とを出力する。

[0012]66は上記3つの減算装置により算出された剰余R。、R1、R2と剰余シフタ60のデータR3のうちから一つを選択して出力する剰余セレクタ、65は減算装置62のキャリ出力C0、2倍値減算装置63のキャリ出力C1、3倍値減算装置64のキャリ出力C2を入力し、(表1)の論理に従って2ビットの商(平方根)Qを算出するとともに、剰余セレクタ66が選択する剰余を制御する商決定装置である。

[0013]

【表1】

キャリ出力CO,Ci,C2	阁Q	別余セレクタ出力
0 0 0	0 0	R 3
1 0 0	0 1	R 8
1 1 0	1 0	R 1
1 1 1	1 1	R 2

【0014】以上のように構成した開平装置について、 以下その動作を説明する。

#### (1) 初期設定

・商レジスタ2をゼロクリア。

【0015】・剰余レジスタ3の下位側に被開平数を設定。

#### (2) 減算処理

・剰余レジスタ3に格納された被開平数のうち上位側から区切った4ビットのデータと、剰余R<sub>4・1</sub>を剰余シフタ60に入力。

【0016】・剰余シフタ60は剰余R...を左4ビットシフトし、4ビットの開平定数とで被除数を生成して、各減算装置62,63,64のA側に入力。

[0017]・除数シフタa6 laは商レジスタ2からの データを左3ビットシフト。

・除数シフタb6 1 bは商レジスタ2からのデータを左4 ビットシフト。

【0018】・3つの減算装置62,63,64は、除数シフタa61a、除数シフタb61bからB側またはC側に入力されたデータの下位側に開平定数を入力して除数を生

成。

【0019】・各減算装置62,63,64でA-BまたはA -B-Cの減算を実行。

#### (3) 平方根、剰余決定

・商決定装置65において、3つの減算装置62,63,64のキャリ出力CO,C1,C2から(表1)に従って、商2ビットを決定するとともに、剰余セレクタ66の出力を決定し、それぞれ商レジスタ2,剰余レジスタ3にラッチ。

0 【0020】・商レジスタ2は平方根Q2ビットをキャリ入力して左2ビットシフト。

(2),(3)動作を1回の開平演算ステップとして、これをn/2回繰り返すことによりnビットの平方根が得られる。従って本実施例の開平装置においては、1回の開平演算ステップで被開平数を4ビットずつシフトして2ビットの平方根を生成するので、全体で2n桁の被開平数の開平がn/2クロックで高速に実現できる。

[0021] ところで本実施例の開平装置は、従来公知である2ビット処理型の除算装置に、わずかなハードウェアを追加するだけで実現することができる。すなわち

7

図3に示すように、本開平装置が上記の開平演算を行な うために必要とする新たな構成は、除数セレクタ5と開 平定数発生装置4の追加、除数シフタa61a、除数シフタb61b、剰余シフタ60のシフト機能の追加だけであり、以下図面を参照しながら2nビットの被除数の除算 について説明する。

【0022】図3において、1は除数を格納する除数レジスタであり、5は部分商生成装置6に入力するデータを除数レジスタ1か商レジスタ2かに切り換える除数セレクタであり、除算実行時には除数レジスタ1を選択す 10る。

#### (1) 初期設定

・剰余レジスタ3に2n桁の被除数を右2ビットシフト した状態で設定。

【0023】・除数セレクタ5は除数レジスタ1を選択。

#### (2) 減算処理

・剰余シフタ60は入力された被除数データを左2ビットシフト。

[0024]・除数シフタa61aは除数データを左1ビ 20ットシフト(2倍)。

・除数シフタb6 1 bは除数データを通過。

【0025】・3つの減算装置62,63,64において、A-BまたはA-B-Cの減算を実行。

#### (3) 商、剰余決定

・商決定装置65において、3つの減算装置62,63,64のキャリ出力C0,C1,C2から(表1)に従って、商2ビットを決定するとともに剰余セレクタ66の出力を決定し、それぞれ商レジスタ2,剰余レジスタ3にラッチ。

(2),(3)動作をn回繰り返して2nビットの商及び剰余 を算出する。 \*【0026】以上の様に本実施例の開平装置は、2ビット処理型除算装置にわずかなハードウェアを追加しただけで、通常の除算処理と同様にして2ビットずつ平方根が算出でき、ハードウェア資源を有効に利用できる。 【0027】

【発明の効果】以上説明したように本発明によれば、数値演算で多用されかつ性能に大きな影響を与える開平演算を小規模な装置構成でかつ高速に実行でき、その実用的効果は極めて大きい。

#### 0 【図面の簡単な説明】

【図1】本発明の一実施例における開平装置の構成図

【図2】同開平装置の詳細な構成図

【図3】本発明の他の実施例における開平装置の構成図

【図4】本発明の開平装置のアルゴリズムの説明図

【図5】従来の開平装置のアルゴリズムの説明図

【図6】従来の開平装置の構成図

#### 【符号の説明】

1 除数レジスタ

2 商レジスタ

3 剰余レジスタ

4 開平定数発生装置

5 除数セレクタ

6 部分商生成装置

60 剰余シフタ

61a 除数シフタa

61b 除数シフタb

62 減算装置

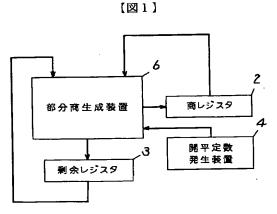
63 2倍值減算装置

64 3倍值減算装置

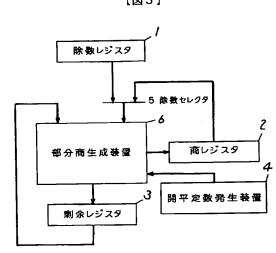
30 65 商決定装置

66 剰余セレクタ

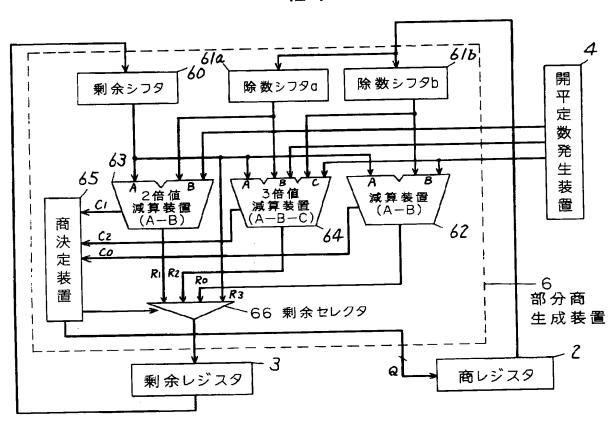
\_\_\_\_

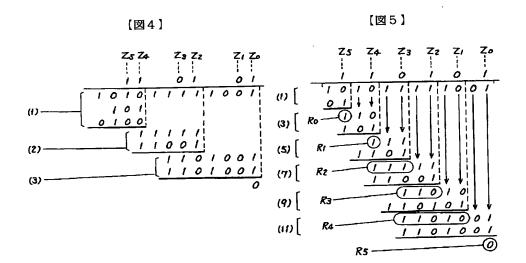


`[図3]



【図2】





【図6】

2 商レジスタ8 平方根生成装置

